

**Единый государственный экзамен  
по МАТЕМАТИКЕ**

**Профильный уровень**

**Инструкция по выполнению работы**

Экзаменационная работа состоит из двух частей, включающих в себя 21 задание. Часть 1 содержит 8 заданий базового уровня сложности с кратким ответом. Часть 2 содержит 4 задания повышенного уровня сложности с кратким ответом и 7 заданий повышенного и высокого уровней сложности с развернутым ответом.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 1–12 записываются по приведённому ниже образцу в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Числа запишите в поля ответов в тексте работы, а затем перенесите в бланк ответов № 1.

КИМ

Ответ: -0,8

|   |   |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|---|---|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
| 0 | . |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|---|---|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|

Бланк

При выполнении заданий 13–19 требуется записать полное решение и ответ в бланке ответов № 2.

Все бланки ЕГЭ заполняются яркими чёрными чернилами. Допускается использование гелевой, капиллярной или перьевой ручек.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. Записи в черновике не учитываются при оценивании работы.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

*Желаем успеха!*

**Справочные материалы**

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

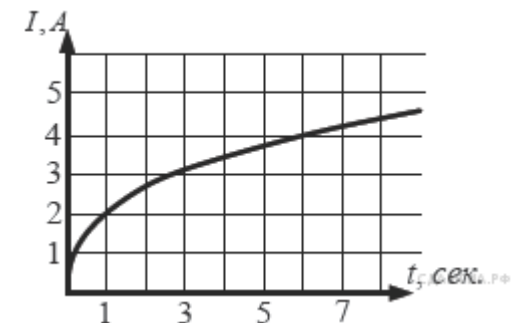
*Ответом к заданиям 1–12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы, затем перенесите его в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак «минус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.*

**Часть 1**

- 1** Каждый день в буфете во время сессии расходуется 85 пакетиков кофе. Сессия длится 12 дней. Кофе продается по 40 пакетиков в пачке. Сколько таких пачек нужно купить на все дни сессии?

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 2** На рисунке изображен график изменения силы тока при подключении цепи, содержащей реостат, к источнику тока. По вертикальной оси откладывается сила тока  $I$  (в А), по горизонтальной — время  $t$  (в сек). По рисунку определите силу тока через 6 секунд с момента подключения данной цепи.



Ответ: \_\_\_\_\_.



- 3 На квадратной сетке изображён угол  $A$ . Найдите тангенс угла  $A$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.



- 4 Из районного центра ежедневно ходит автобус. Вероятность того, что в понедельник в автобусе окажется меньше 21 пассажира, равна, 0,83. Вероятность того, что окажется меньше 10 пассажиров, равна, 0,46. Найдите вероятность того, что число пассажиров будет от 10 до 20.

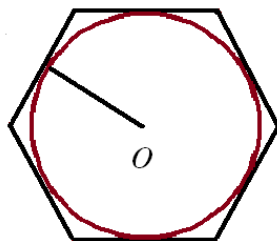
Ответ: \_\_\_\_\_.

- 5 Найдите корень уравнения  $3^{x-1} - 3^x + 3^{x+1} = 63$

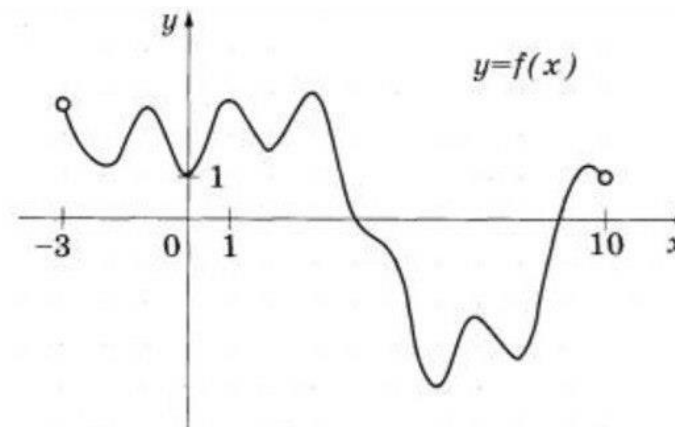
Ответ: \_\_\_\_\_.

- 6 Найти радиус окружности, вписанной в правильный шестиугольник, площадь которого равна  $18\sqrt{3}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.



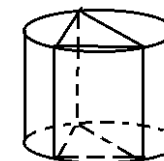
- 7 На рисунке изображен график функции  $f(x)$ . Найдите количество точек, в которых касательная к графику функции  $f(x)$  параллельна прямой  $y=-6$ .



Ответ: \_\_\_\_\_.

- 8 Найти объем правильной треугольной призмы, вписанной в цилиндр, радиус основания которого равен  $2\sqrt{3}$ , а высота равна  $3\sqrt{3}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.



**Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1 в соответствии с инструкцией по выполнению работы.**



## Часть 2

9 Найдите значение выражения  $\frac{\log_5 27}{\log_2 3 \cdot \log_5 4}$

Ответ: \_\_\_\_\_.

10 Мяч бросили под углом  $\alpha$  к плоской горизонтальной поверхности земли. Время полета мяча (в секундах) определяется по формуле  $t = \frac{2v_0 \cos \alpha}{g}$ . При каком наименьшем значении угла  $\alpha$  (в градусах) время полета будет не меньше 7,8 секунд, если мяч бросают с начальной скоростью  $v_0 = 78$  м/с? Считайте, что ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.

Ответ: \_\_\_\_\_.

11 Двум машинисткам поручено перепечатать рукопись. Сначала первая машинистка работала одна 7 дней, а затем к ней присоединилась вторая, после чего они закончили работу за 8 дней. Известно, что первой машинистке на выполнение всей работы потребовалось бы на 7 дней меньше, чем второй. За какое время могла бы перепечатать эту рукопись вторая машинистка, работая отдельно?

Ответ: \_\_\_\_\_.

12 Найдите наименьшее значение функции  $y = 5x - 5\ln(x + 4) + 2$  на промежутке  $[-3; 0]$

Ответ: \_\_\_\_\_.

**Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1 в соответствии с инструкцией по выполнению работы.**

**Для записи решений и ответов на задания 13–19 используйте БЛАНК ОТВЕТОВ № 2. Запишите сначала номер выполняемого задания (13, 14 и т. д.), а затем полное обоснованное решение и ответ. Ответы записывайте чётко и разборчиво.**

13 а) Решите уравнение  $\sin(4x - \pi) + \cos^2 x = \sin^2 x$   
б) Найдите корни этого уравнения, принадлежащие промежутку  $[\pi; \frac{7\pi}{4})$

14 В кубе  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$  отмечены точки  $K$  и  $Q$  – середины ребер  $A_1 B_1$  и  $DC$  соответственно.  
а) Доказать, что сечение, проходящее через точки  $K$  и  $Q$  параллельное прямой  $B_1 D_1$  делит ребро  $BB_1$  пополам.  
б) Найти угол наклона сечения, проходящего через точки  $K$  и  $Q$  и параллельного прямой  $B_1 D_1$ , к плоскости  $AA_1 B_1$ , если ребро куба равно 6.

15 Решите неравенство  $\sqrt{x^2 + x - 6}(5^x + 5^{4-x} - 130) \leq 0$ .

16 Точка  $N$  на стороне  $BC$  является основанием высоты треугольника  $ABC$ . Окружность, описанная около треугольника  $ANC$ , пересекает отрезок  $AB$  в точке  $M$ , отличной от точек  $A$  и  $B$ .

а) Докажите, что  $\angle BAC = \angle BNM$ .  
б) Найдите  $MN$ , если  $AC = 2$ ,  $AB = 3$ ,  $AM : AB = 2 : 5$ .

17 В начале года фирма «Жилстройсервис» выбирает банк для получения кредита среди нескольких банков, кредитующих под разные проценты. Полученным кредитом фирма планирует распорядиться следующим образом: 75% кредита направить на строительство коттеджей, а остальные 25% на оказание риэлтерских услуг населению. Первый проект может принести прибыль в размере от 36% до 44% годовых, а второй – от 20% до 24% годовых. В конце года фирма должна вернуть кредит банку с процентами и при этом рассчитывает на чистую прибыль от указанных видов деятельности от не менее 13%, но и не более 21% годовых от всего полученного кредита. Какими должны быть наименьшая и наибольшая процентные ставки кредитования выбираемых банков, чтобы фирма гарантированно обеспечила себе указанный выше уровень прибыли?

18 Найдите все значения параметра  $a$ , которые неравенство  $9x^2 + 2(a-1) \cdot 3^{x^2} + a^2 - 2 > 0$

выполняется при любом значении  $x$



**19** Мальчик говорит своему приятелю : „ Я подсчитал, что, для того чтобы пронумеровать все страницы вот этой маленькой книжки, начиная с первой её страницы, потребовалось ровно 100 цифр”. Известно, что все страницы в книге пронумерованы, начиная с первой, заканчивая последней страницей.

- а) Правильно ли подсчитал мальчик число цифр?
- б) Какое количество листов должна содержать книга, если число цифр, потребовавшихся для нумерации страниц, ровно в 1,5 раза больше, чем количество самих страниц ?
- в) Какое количество листов должна содержать книга, чтобы разница между количеством страниц и цифр, потребовавшихся для нумерации страниц, составляла 100?

**Система оценивания  
 Ответы к заданиям 1-19**

Каждое из заданий 1–12 считается выполненными верно, если экзаменуемый дал верный ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Каждое верно выполненное задание оценивается 1 баллом.

Верно выполненные задания 13-15 максимум оцениваются в 2 балла, задания 16-17 – в 3 балла, задания 18-19 – в 4 балла.

| № задания | Ответ  |
|-----------|--|
| 1         | 26   |
| 2         | 4  |
| 3         | 3  |
| 4         | 0,37   |
| 5         | 3  |
| 6         | 3  |
| 7         | 10   |
| 8         | 81   |
| 9         | 1,5  |
| 10        | 60   |
| 11        | 28   |
| 12        | -13  |
| 13        | а) $\frac{\pi}{4} + \frac{\pi n}{2}$ ,<br>$\frac{\pi}{12} + \pi k, \frac{5\pi}{12} + \pi m$<br>б) $\frac{5\pi}{4}; \frac{13\pi}{12}; \frac{17\pi}{12}$ |
| 14        | $\arccos \frac{\sqrt{3}}{3}$   |
| 15        | $[2; 3] \cup \{-3\}$   |
| 16        | $\frac{18}{\sqrt{145}}$  |
| 17        | 18 и 19%   |
| 18        | $(1; +\infty)$   |
| 19        | а) нет<br>б) 9<br>в) 52  |

